

Problema săptămânii 392

Fie $n \geq 4$ un număr natural. Pentru fiecare mulțime finită de numere naturale A notăm cu $n(A)$ numărul submulțimilor sale nevide care au suma elementelor divizibilă cu n . Determinați cea mai mică și cea mai mare valoare pe care o poate lua $n(A)$, atunci când A parcurge familia mulțimilor de $n+1$ numere naturale, nu toate divizibile cu n .

Problem of the week no. 392

Let $n \geq 4$ be a positive integer. For a finite set of positive integers A we denote by $n(A)$ the number of its non-empty subsets for which the sum of their elements is a multiple of n . Determine the smallest and the largest possible value of $n(A)$, when A has $n+1$ elements, not all multiples of n .