



Problema 1. Rezolvați în mulțimea \mathbb{N}^* inecuația:

$$\frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n} \leq \frac{3}{5}.$$



Problema 2. Pe un cerc sunt 1000 de numere reale nenule, vopsite alternativ în alb și negru. Fiecare număr negru este egal cu suma celor două numere albe vecine lui, iar fiecare număr alb este egal cu produsul celor două numere vecine lui. Aflați suma celor 1000 de numere.

Problema 3. Se consideră punctele necoplanare A, B, C, D și dreptele AA' , BB' , CC' , DD' perpendiculare pe planele (BCD) , (ACD) , (ABD) , respectiv (ABC) .

- Dacă dreptele AA' și BB' sunt concurente, demonstrați că dreptele CC' și DD' sunt coplanare.
- Dacă dreptele AA' , BB' și CC' sunt concurente, demonstrați că dreptele AA' , BB' , CC' și DD' sunt concurente.

Problema 4. Se consideră triunghiul echilateral ABC și punctele M, N pe cercul circumscris acestuia, astfel încât $M \in \widehat{ACB}$, $\widehat{AM} = 30^\circ$ și $MN \perp BC$. Fie $D \in AB$ și $E \in AC$, astfel încât $DM \perp AB$ și $EN \perp AC$. Notăm cu F, G, H intersecțiile perechilor de drepte MN și BC , DF și AC , respectiv EF și AB . Demonstrați că triunghiul FGH este echilateral.