

Problema săptămânii 275

Fie $n > 1$ un număr întreg impar. Demonstrați că ecuația $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{4}{n}$ are soluție $x, y \in \mathbb{N}^*$ dacă și numai dacă n are un divizor prim de forma $4k + 3$.

Problem of the week no. 275

Let $n > 1$ be an odd integer. Prove that the equation $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \frac{4}{n}$ has solutions with x, y positive integers if and only if n has a prime divisor of the form $4k + 3$, $k \in \mathbb{N}$.