

**Problema 1.** Fie  $n$  un număr natural. Arătați că dacă  $2 + 2\sqrt{28n^2 + 1}$  este număr natural, atunci el este pătrat perfect.

**Problema 2.** Fie  $a, b, c$  trei numere reale pozitive cu produsul 1. Arătați că cel mult două dintre numerele  $2a - \frac{1}{b}$ ,  $2b - \frac{1}{c}$  și  $2c - \frac{1}{a}$  sunt mai mari ca 1.

**Problema 3.** Se consideră cercul de centru  $O$  și rază  $R$ , punctul  $A$ , fix, pe acest cerc și punctul  $B$ , simetricul lui  $O$  față de  $A$ . Pe cerc se consideră un punct variabil  $M$ . Fie  $C$  simetricul lui  $A$  față de  $M$  și  $P$  punctul în care dreapta  $BM$  intersectează  $OC$ . Se cere locul geometric al punctului  $P$  când  $M$  descrie cercul dat.

**Problema 4.** Fiecare latură a unui triunghi echilateral este împărțită în  $n$  segmente egale și prin capetele acestor segmente se duc paralele la laturile triunghiului. Suprafața triunghiului este împărțită de aceste drepte în  $n^2$  triunghiuri echilaterale mici, congruente între ele.

Spunem despre o succesiune de asemenea triunghiuri mici că formează un *lanț* dacă niciun triunghi nu apare mai mult de o dată și fiecare triunghi din succesiune, începând cu cel de-al doilea, are o latură în comun cu triunghiul precedent. Care este numărul maxim de triunghiuri pe care îl poate avea un lanț?