

Problema săptămânii 182

Fie $n \geq 2$ un număr natural și $a_1, a_2, \dots, a_n \geq 1$. Demonstrați că

$$a_1 + a_2 + \dots + a_n - \frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_2} - \dots - \frac{1}{a_n} \geq n \left(\sqrt[n]{a_1 a_2 \dots a_n} - \frac{1}{\sqrt[n]{a_1 a_2 \dots a_n}} \right).$$

(în legătură cu problema 1, clasa a VII-a, ONM 2019)

Titu Zvonaru

Problem of the week no. 182

Let $n \geq 2$ be a positive integer and let $a_1, a_2, \dots, a_n \geq 1$. Prove that

$$a_1 + a_2 + \dots + a_n - \frac{1}{a_1} - \frac{1}{a_2} - \dots - \frac{1}{a_n} \geq n \left(\sqrt[n]{a_1 a_2 \dots a_n} - \frac{1}{\sqrt[n]{a_1 a_2 \dots a_n}} \right).$$

Titu Zvonaru