

Problema 1. Fie S mulțimea numerelor mai mari ca 10 care au numai cifre din mulțimea $\{1, 3, 7, 9\}$. (Cifrele se pot și repeta.) Arătați că orice element al lui S are un factor prim mai mare ca 10.

Problema 2. Determinați valorile numărului natural $n \geq 2$ pentru care există numere întregi x_1, x_2, \dots, x_n astfel încât să aibă loc simultan relațiile:

$$x_1^2 + x_2^2 + 50 = 16x_1 + 12x_2, \quad x_2^2 + x_3^2 + 50 = 16x_2 + 12x_3, \dots, \\ x_{n-1}^2 + x_n^2 + 50 = 16x_{n-1} + 12x_n \quad \text{și} \quad x_n^2 + x_1^2 + 50 = 16x_n + 12x_1.$$

Problema 3. Fie ABC un triunghi echilateral și H un punct arbitrar al segmentului (BC) , diferit de mijlocul acestuia. Notăm cu E acel punct al semidreptei $[AB$ care satisface condițiile $BE = BH$, $B \in (AE)$ și cu F acel punct al semidreptei $[AC$ care satisface condițiile $CF = CH$, $C \in (AF)$. Arătați că dreapta BC este dreapta lui Euler a triunghiului AEF .

Mihai Miculița

Problema 4. La o petrecere, un participant este numit „*timid*” dacă el sau ea cunoaște cel mult trei dintre ceilalți participanți. Arătați că dacă fiecare participant cunoaște cel puțin trei timizi, atunci toți participanții sunt timizi. Ce valori poate lua numărul participanților la această petrecere? (Se consideră că dacă un participant A îl cunoaște pe B , atunci și B îl cunoaște pe A .)