

Problema săptămânii 149

Două cercuri, Γ_1 și Γ_2 , se intersectează în M și N . Fie ℓ tangentă comună cercurilor Γ_1 și Γ_2 pentru care M este mai aproape de ℓ decât N . Dreapta ℓ intersectează Γ_1 în A și Γ_2 în B . Paralela prin M la ℓ taie din nou cercul Γ_1 în C și cercul Γ_2 în D . Dreptele CA și DB se intersectează în E ; dreptele AN și CD se intersectează în P ; dreptele BN și CD se intersectează în Q . Demonstrați că $EP = EQ$.

Problem of the week no. 149

Two circles Γ_1 and Γ_2 intersect at M and N . Let ℓ be the common tangent to Γ_1 and Γ_2 so that M is closer to ℓ than N is. Let ℓ touch Γ_1 at A and Γ_2 at B . Let the line through M parallel to ℓ meet the circle Γ_1 again at C and the circle Γ_2 again at D . Lines CA and DB meet at E ; lines AN and CD meet at P ; lines BN and CD meet at Q . Show that $EP = EQ$.