

Problema săptămânii 131

Dacă m, n sunt numere naturale nenule distincte, demonstrați că

$$(m, n) + (m + 1, n + 1) + (m + 2, n + 2) \leq 2|m - n| + 1.$$

Când are loc egalitatea?

Olimpiadă India, 2019

Problem of the week no. 131

If m and n are distinct positive integers, prove that

$$(m, n) + (m + 1, n + 1) + (m + 2, n + 2) \leq 2|m - n| + 1.$$

When does equality hold?

Indian Mathematical Olympiad, 2019