

Problema 1. Să se rezolve în mulțimea numerelor naturale ecuația

$$2^x - 3^y = 1.$$

Problema 2. Fie $x \in \mathbb{R}$. Demonstrați că, dacă numerele $a = x^3 - x$ și $b = x^2 + 1$ sunt raționale, atunci x este rațional.

Problema 3. Fie triunghiul ABC dreptunghic în A , cu $m(\angle ABC) = 30^\circ$. Bisectoarea unghiului $\angle C$ intersectează pe AB în D . Notăm cu F și E mijloacele laturilor $[BC]$ și respectiv $[AB]$. Dacă $M \in (FD)$ și $S \in (CD)$ sunt puncte alese astfel încât $AB = 4FM = 4SM$, atunci arătați că $AS \perp SE$.

Adrian Bud, Negrești Oaș

Problema 4. Demonstrați că oricum am colora numerele naturale cu două culori, roșu și albastru (fiecare număr fiind colorat cu una din cele două culori), există trei numere naturale a, b, c de aceeași culoare astfel încât $a = \frac{b+c}{2}$.