

**Problema săptămânii 91**

Determinați perechile de numerele naturale  $(n, k)$ ,  $n \geq 2$ , cu proprietatea că, pentru orice  $m \in \mathbb{N}$ , există numerele întregi  $a_1, a_2, \dots, a_n$  astfel încât  $a_1 + a_2 + \dots + a_n = k$  și  $a_1a_2 + a_2a_3 + \dots + a_{n-1}a_n + a_na_1 = -m$ .

*Alexandru Mihalcu*

(generalizare a problemei 1 de la barajul 1, București, 2018)

**Problem of the week no. 91**

Determine all pairs of positive integers  $(n, k)$ ,  $n \geq 2$ , such that, for all  $m \in \mathbb{N}$ , there exist integers  $a_1, a_2, \dots, a_n$  such that  $a_1 + a_2 + \dots + a_n = k$  and  $a_1a_2 + a_2a_3 + \dots + a_{n-1}a_n + a_na_1 = -m$ .

*Alexandru Mihalcu*