

**Problema 1.** Aria unui triunghi care are lungimile laturilor  $a, b, c$  este

$$\frac{(a+b+c)(a+b-c)}{4}.$$

Care este măsura unghiului cel mai mare are triunghiului?

*Concursul KöMaL, Ungaria, 2004*

**Problema 2.** Fețele unui cub de lemn de latură 4 cm se colorează în negru, apoi cubul este împărțit în cubulețe de latură 1 cm.

- Câte cubulețe au o față neagră, câte au două fețe negre și câte au trei fețe negre?
- E posibil ca toate cubulețele să fie așezate pe o masă astfel încât să se formeze o tablă de șah?
- E posibil ca toate cubulețele să fie așezate pe o masă astfel încât să se formeze două table de șah, una cu fața în sus, cealaltă cu fața în jos?

*Concurs Bulgaria*

**Problema 3.** Se consideră un tetraedru  $[ABCD]$  în care muchia  $[AD]$  este perpendiculară pe fața  $(ABC)$  și  $E$  un punct al muchiei  $(AD)$ . Notăm cu  $M, N, P, Q$  proiecțiile punctului  $A$  respectiv pe dreptele  $BD, CD, CE$  și  $BE$ . Arătați că punctele  $M, N, P, Q$  sunt coplanare și apoi demonstrați că patrulaterul  $MNPQ$  este inscriptibil.

*Mihai Miculița – Culegere de probleme Principii și structuri fundamentale în matematica de liceu, vol. II, Editura Albatros, 1986*

**Problema 4.** Demonstrați că printru  $a = 1, a = 2$  și  $a = 4$  ecuația  $x(x+a) = y^2$  nu are soluții în mulțimea numerelor naturale nenule și că pentru orice altă valoare a lui  $a \in \mathbb{N}^*$  ecuația are soluții în mulțimea numerelor naturale nenule.

*Revista Kvant*