

**Problema 1.** Să se determine numere strict pozitive  $a$  și  $b$  cu proprietatea că există  $n \in \mathbb{N}$  astfel încât

$$a^n + b^n = a^{n+1} + b^{n+1} = a^{n+2} + b^{n+2}.$$

*Mihail Mogoșanu, RMT nr. 2/1986*

**Problema 2.** Se consideră un cub  $ABCDA_1B_1C_1D_1$ . Planul determinat de  $A$  și de centrele pătratelor  $A_1B_1C_1D_1$  și  $B_1C_1CB$  intersectează  $[B_1C_1]$  în  $E$ . Calculați  $\frac{B_1E}{C_1E}$ .

*Olimpiada județeană, 1987 (clasa a X-a)*

**Problema 3.** Rezolvați în multimea numerelor naturale ecuația

$$2^x + 3^y = z^2.$$

*Olimpiadă Marea Britanie, 1996*

**Problema 4.** Câte perechi ordonate de multimi  $(A, B)$  au proprietățile  $A \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ ,  $B \subseteq \{2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$  și  $\text{card}(A \cap B) = 3$ ?

*Concursul Purple Comet, 2011*