

Problema 1. Fie 9 numere naturale care îl divid pe 30^{2009} . Arătați că există două dintre acestea având produsul pătrat perfect.

Bogdan Vioreanu

Problema 2. Fie a un număr real. Arătați că aria triunghiului cu lungimile laturilor $\sqrt{a^2 - a + 1}$, $\sqrt{a^2 + a + 1}$, $\sqrt{4a^2 + 3}$ nu depinde de a .

Marcel Chiriță

Problema 3. Arătați că ecuația $x^{10} + y^{10} = 2010z^{10}$ nu poate avea în mulțimea numerelor întregi decât soluția $x = y = z = 0$.

Călin Gasparic

Problema 4. Fie ABC un triunghi ascuțitunghic în care M și N sunt mijloacele laturilor $[AB]$, respectiv $[AC]$, iar $S \in (BC)$ un punct mobil. Arătați că $(MB - MS)(NC - NS) \leq 0$. În ce caz avem egalitate ?

Gheorghe Szöllősy