

Problema 1. Să se determine numerele naturale \overline{abc} astfel încât $a^2 + b^2 + c^2$ să fie pătratul unui număr prim de forma $3k + 2$, $k \in \mathbb{N}$.

I. Coroian

Problema 2. Fie triunghiul echilateral ABC .

Pe laturile (BC) , (CA) , (AB) se consideră punctele M , N și P , astfel încât: $m(\widehat{NBC}) = x^\circ$, $m(\widehat{ANP}) = 2x^\circ$, $m(\widehat{BPM}) = 3x^\circ$.

a) Arătați că triunghiul BPN este isoscel.

b) Dacă $x = 15^\circ$, demonstrați că $MN \perp AC$.

Mircea Fianu, București

Problema 3. Să se determine numerele naturale a , b , c , mai mari decât 1 pentru care $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}$ este număr natural.

* * *

Problema 4. Numărul prim p are următoarea proprietate: restul r , al împărțirii lui p la 210 este un număr compus și poate fi reprezentat ca sumă de două pătrate perfecte.

Să se determine numărul r .

Olimpiada Națională, Republica Moldova