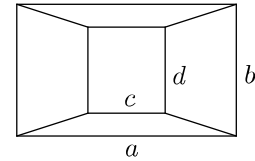


**Problema 1.** Figura alăturată înfățișează un poliedru văzut de sus. „Bazele” sale sunt dreptunghiuri, fețele laterale sunt trapeze isoscele, iar înălțimea sa este  $h$ . Aflați volumul poliedrului în funcție de  $a, b, c, d$  și  $h$ .



\* \* \*

**Problema 2.** Fie  $a, b, c \in \mathbb{R}$  astfel încât  $a^2 + b^2 + c^2 = 3$ . Demonstrați că  $a^2b^2 + b^2c^2 + c^2a^2 \geq 3abc$  și stabiliți tripletele  $(a, b, c)$  de numere reale cu proprietatea  $a^2 + b^2 + c^2 = 3$  pentru care inegalitatea devine egalitate.

*Gheorghe Szöllősy*

**Problema 3.** Fie  $A$  și  $B$  două puncte fixate în planul  $p$ . Aflați locul geometric al punctelor  $C$  din planul  $p$  cu proprietatea că înălțimea din  $B$  a triunghiului  $ABC$  are aceeași lungime ca și latura  $[AC]$ .

*Viktor Prasolov – Problems in Plane and Solid Geometry, problema 7.24*

**Problema 4.** Pătratele unitate ale unei table  $2016 \times 2016$  se colorează cu roșu sau albastru astfel încât să fie îndeplinite următoarele două condiții:

1. orice pătrat unitate roșu care nu este situat pe marginea tablei are exact 5 vecini albaştri între cele 8 pătrate unitate cu care se învecinează (cu care are măcar un punct comun);
2. orice pătrat unitate albastru care nu este situat pe marginea tablei are exact 4 vecini roșii între cele 8 pătrate unitate cu care se învecinează.

Câte dintre pătratele unitate ale tablei sunt roșii?

*Olimpiadă Cuba, 2012*