

**Problema 1.** Arătați că pentru orice numere reale  $a, b, c, d, e$  are loc inegalitatea

$$a^2 + b^2 + c^2 + d^2 + e^2 \geq ab + ac + ad + ae.$$

*Olimpiadă Moldova, 1998*

**Problema 2.** Fie  $ABC$  un triunghi și  $D, E, F$  mijloacele laturilor  $BC, CA$ , respectiv  $AB$ . Demonstrați că  $\angle DAC \equiv \angle ABE$  dacă și numai dacă  $\angle AFC \equiv \angle ADB$ .

*Olimpiadă Marea Britanie, 1995*

**Problema 3.** Câte numere prime sunt formate dintr-o succesiune alternantă de cifre 1 și 0, prima cifră și ultima cifră fiind, ambele, 1?

*Concursul Putnam, 1989*

**Problema 4.** În fiecare câmp unitate al unei livezi  $m \times n$  se află câte un măr. Un număr de  $k$  arici pornesc, pe rând, din câmpul stânga-sus al livezii și se mișcă spre câmpul din dreapta-jos. La fiecare mișcare un arici se poate deplasa cu un singur câmp, spre dreapta sau în jos, fără a ieși din livadă. Ariciul poate să culeagă mărul din câmpul pe care îl vizitează, dacă acesta nu a fost deja cules de alt arici. Determinați numărul  $k$  minim pentru care aricii pot culege toate merele.

*Iurie Boreico, Recreații Matematice nr. 2/2007*