

Problema 1. Demonstrați că, pentru orice număr natural n , mulțimea

$$A_n = \left\{ x \in \mathbb{N} \mid \frac{n}{11} < \frac{x}{15} < \frac{n+1}{11} \right\}$$

are cel mult două elemente.

Mircea Fianu, Olimpiada locală București, 1997

Problema 2. Se aleg 1008 elemente ale mulțimii $A = \{1, 2, 3, \dots, 2016\}$. Arătați că există două numere alese care au proprietatea că cel mai mare divizor comun al lor divide fiecare număr ales.

prelucrare Andrei Eckstein

Problema 3.

a) Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\left[\frac{x}{2} \right] + \left[\frac{x}{3} \right] + \left[\frac{x}{6} \right] = x$.

* * *

b) Rezolvați în mulțimea numerelor reale ecuația $\left[\frac{x}{2} \right] + \left[\frac{x}{3} \right] + \left[\frac{x}{4} \right] = x$.

Olimpiadă Canada

Problema 4. Fie P un punct oarecare pe diagonala (AC) a paralelogramului $ABCD$ și $\{Q\} = AB \cap PD$. Demonstrați că $S(ABP) = S(CPQ)$.

Ion Neață și Andrei Eckstein