

**Problema 1.** Dacă  $a, b, c$  sunt numere naturale distincte, atunci se notează cu  $d$  cel mai mare divizor comun al acestora. Determinați cea mai mare valoare pe care o poate lua numărul  $d$  în cazul în care  $a + b + c = 2015$ .

*Concursul Náboj, Cehia și Slovacia, 2015*

**Problema 2.** Fie  $a, b$  și  $c$  numere reale astfel încât  $|a - b| \geq |c|$ ,  $|b - c| \geq |a|$  și  $|c - a| \geq |b|$ . Demonstrați că unul dintre numerele  $a, b$  și  $c$  este egal cu suma celorlalte două numere.

test juniori, Franța, 2015

**Problema 3.** Fie  $AA', BB', CC'$  înălțimile triunghiului  $ABC$ . Arătați că triunghiul determinat de ortocentrele triunghiurilor  $AB'C', A'BC'$  și  $A'B'C$  este congruent cu triunghiul  $A'B'C'$ .

*Turneul orașelor, 2001*

**Problema 4.** Păcală și Tândală și-au primit salariul anual în bancnote de 13 lei. La un restaurant, Păcală a comandat 9 felii de pâine, 10 pahare de suc și 7 cârnați, iar Tândală a comandat 5 felii de pâine, 7 pahare de suc și un cârnat. Prețurile unei felii de pâine, unui pahar de suc și a unui cârnat se exprimă prin câte un număr întreg de lei. Arătați că dacă Păcală își poate plăti comanda cu un număr întreg de bancnote fără a primi rest, atunci și Tândală poate face același lucru.

*Olimpiadă Moldova, 1998*