

Problema săptămânii 65

Fie n un număr natural nenul și x_1, x_2, \dots, x_n numere reale pozitive. Arătați că există numerele $a_1, a_2, \dots, a_n \in \{-1, 1\}$ astfel încât

$$a_1x_1^2 + a_2x_2^2 + \dots + a_nx_n^2 \geq (a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_nx_n)^2.$$

Problem of the week no. 65

Let n be a positive integer and let x_1, x_2, \dots, x_n be positive real numbers. Prove that there exist $a_1, a_2, \dots, a_n \in \{-1, 1\}$ such that

$$a_1x_1^2 + a_2x_2^2 + \dots + a_nx_n^2 \geq (a_1x_1 + a_2x_2 + \dots + a_nx_n)^2.$$